

سوالات استخدامی بانک ایران زمین سئوالات ریاضیات

۱. به ازای چه مقداری m حاصل عبارت $\sqrt[3]{a^m \sqrt{a^4}}$ برابر a است؟
- (الف) ۲ (ب) ۳ (ج) ۴ (د) ۵
۲. حاصل عبارت $\left(-\frac{1}{32}\right)^{\frac{4}{5}} - \left(\frac{1}{64}\right)^{\frac{5}{6}}$ کدام است؟
- (الف) $\frac{-1}{64}$ (ب) $\frac{1}{64}$ (ج) $\frac{-1}{32}$ (د) $\frac{1}{32}$
۳. حاصل عبارت $\sqrt[8]{a^3} \cdot \sqrt[9]{x^6}$ کدام است؟
- (الف) $a^{\frac{1}{3}} \cdot x^{\frac{3}{8}}$ (ب) $|a|^{\frac{1}{3}} \cdot \frac{3}{8}x$ (ج) $a^{\frac{1}{3}} \cdot |x|^{\frac{3}{4}}$ (د) $|a|^{\frac{1}{3}} \cdot |x|^{\frac{3}{4}}$
۴. حاصل عبارت $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{6} + 3}$ کدام است؟
- (الف) $\sqrt{3} - 1$ (ب) $\sqrt{2} - 1$ (ج) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (د) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
۵. حاصل عبارت $(-\sqrt{98} + \sqrt{50} + \sqrt{128})$ کدام است؟
- (الف) $6\sqrt{2}$ (ب) $2\sqrt{2}$ (ج) $3\sqrt{2}$ (د) $5\sqrt{2}$
۶. اگر $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ac$ باشد حاصل عبارت زیر کدام است؟
- (الف) a^3 (ب) $2 - abc$ (ج) $3abc$ (د) $27abc$
۷. خلاصه شده عبارت $\frac{(4)^{0.25}}{1+\sqrt{2}} + 4^{0.25}$ کدام است؟
- (الف) $\sqrt{2} - 1$ (ب) ۲ (ج) $\sqrt{2}$ (د) $1 + \sqrt{2}$
۸. از رابطه $\frac{(b+c-a)^3}{abc}$ کدام است؟
- (الف) -8 (ب) 8 (ج) $-\frac{1}{8}$ (د) $\frac{1}{8}$
۹. اگر $x+y=4$ باشد حاصل $64-12xy$ کدام است؟
- (الف) $x^2 + y^2$ (ب) $x^2 - y^2$ (ج) $x^3 + y^3$ (د) $x^3 - y^3$
۱۰. حاصل عبارت $3\sqrt{48} + 2\sqrt{27} - \sqrt{12} - 2\sqrt{75}$ کدام است؟
- (الف) $4\sqrt{3}$ (ب) $-4\sqrt{3}$ (ج) $6\sqrt{3}$ (د) $-6\sqrt{3}$
۱۱. حاصل عبارت $\sqrt[4]{7 + 4\sqrt{3}} \times \sqrt{7 - 4\sqrt{3}}$ برابر است با:
- (الف) ۱ (ب) ۲ (ج) $\sqrt{2 - \sqrt{3}}$ (د) $4 - 2\sqrt{3}$

۱۲. اگر اتحاد $A + B$ کدام است؟ $\frac{3}{x(x^2-1)} = \frac{A}{x(x-1)} + \frac{B}{x^2-1}$

۴ (د)

ج) ۶

ب) ۰

الف) ۱

۱۳. بزرگترین مقسوم عليه مشترک دو عبارت $x^4 - 1$ و $x^3 + 1$ کدام است؟

$x^2 + 1$ (د)

ج) $x^2 - 1$

ب) $x + 1$

الف) $x - 1$

۱۴. یک چهارم عدد مثبتی با مکعب آن عدد برابر است. چهار برابر آن عدد کدام است؟

$\frac{1}{4}$ (د)

ج) $\frac{1}{2}$

ب) ۲

الف) ۱

۱۵. اگر $x > 0$ باشد، $x^{-\frac{3}{2}}$ کدام است؟

$x\sqrt{x}$ (د)

ج) $\frac{\sqrt{x}}{x^2}$

ب) $\frac{\sqrt{x}}{x}$

الف) $\frac{x}{\sqrt{x}}$

۱۶. اگر $x + y = \sqrt{5}$ باشد، $xy = 1$ و $x^3 + y^3$ برابر است با:

$3\sqrt{5}$ (د)

ج) $2\sqrt{5}$

ب) $\sqrt{5}$

الف) $\frac{\sqrt{5}}{2}$

۱۷. اگر $x = \sqrt[3]{5}$ و $y = \sqrt[3]{3}$ باشد حاصل $(x^2 - y^2)(x^4 + y^4 + x^2y^2)$ کدام است؟

۱۲ (د)

ج) ۲

ب) ۸

الف) ۱۱

۱۸. اگر $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = 0$ باشد، $ab+bc+ac=0$ برابر است با:

($a + b + c$)($a^2 + b^2 + c^2 - 1$) (ب) (د)

($a + b + c$)³ (الف)

۲۷abc (ج)

($a + b$)($b + c$)($c + a$) (ج)

۱۹. اگر $x = \sqrt[3]{2\sqrt{2}}$ باشد، x^2 برابر است با:

۲ (د)

ج) $\sqrt[3]{4}$

ب) $\sqrt[3]{2}$

الف) $\sqrt{2}$

۲۰. اگر $a^2 + b^2 + c^2 + 3 = 2(a + b + c)$ مقدار c چقدر است؟

۳ (د)

ج) ۲

ب) ۱

الف) ۰

۲۱. حاصل $\sqrt[6]{4 + 2\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3} - 1} \cdot \sqrt[3]{4}$ کدام است؟

۴ (د)

ج) ۳

ب) ۲

الف) ۱

۲۲. اگر $x^3 - 3x = \sqrt[3]{1 + \sqrt{2}} - \sqrt[3]{1 - \sqrt{2}}$ باشد، مقدار x کدام است؟

$2\sqrt{2}$ (د)

ج) ۲

ب) $\sqrt{2}$

الف) ۱

.٢٣. اگر $x < 0$ باشد، حاصل $2\sqrt[3]{x^3} + \sqrt[4]{x^4}$ کدام است؟

-3x (د)

- x (ج)

x (ب)

3x (الف)

.٢٤. حاصل $\sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} \times \sqrt[6]{9 + 4\sqrt{5}}$ کدام است؟

$\sqrt{2}$ (د)

1 (ج)

-1 (ب)

$-\sqrt{2}$ (الف)

.٢٥. بزرگترین عامل مشترک دو عبارت $x^2 + 7xy + 12y^2$ و $x^2 - 2xy - 15y^2$ کدام است؟

$x + 6y$ (د)

$x + 4y$ (ج)

$x + 3y$ (ب)

$x - 2y$ (الف)

.٢٦. حاصل $(-\sqrt[10]{3^6})^{\frac{5}{3}}$ کدام است؟

+3 (د)

-3 (ج)

+9 (ب)

-9 (الف)

.٢٧. عبارت $x^6 + 4x^2 + 5$ را به حاصلضرب دو عبارت تجزیه کرده ایم. اگر یکی از عبارت ها $x^2 + 1$ باشد، عبارت دیگر کدام است؟

$x^4 - x^2 + 5$ (ب)

$x^4 + 2x^2 + 5$ (د)

$x^4 + x^2 + 5$ (الف)

$x^4 - 2x^2 + 5$ (ج)

.٢٨. حاصل عبارت $\frac{1}{\sqrt{4+\sqrt{11}}} + \frac{1}{\sqrt{11+\sqrt{18}}} + \frac{1}{\sqrt{18+\sqrt{25}}}$ کدام است؟

$\frac{2}{3}$ (د)

$\frac{1}{2}$ (ج)

$\frac{3}{7}$ (ب)

$\frac{2}{7}$ (الف)

.٢٩. حاصل عبارت $\sqrt{4 - 2\sqrt{2}} \times \sqrt[4]{6 + 4\sqrt{2}}$ کدامیک از مقادیر زیر است؟

4 (د)

$2\sqrt{2}$ (ج)

2 (ب)

$\sqrt{2}$ (الف)

.٣٠. اگر $x = \sqrt[13]{2^{15}}$ باشد، حاصل $x^3\sqrt{x} \cdot \sqrt[5]{x^2}$ برابر است با:

2 (د)

4 (ج)

8 (ب)

١٦ (الف)

.٣١. حاصل کسر $\frac{1+\sqrt{2+\sqrt{3}}}{1+\sqrt{2-\sqrt{3}}}$ برابر است با:

$\sqrt{3}$ (د)

$\sqrt{2}$ (ج)

$\sqrt{2 - \sqrt{3}}$ (ب)

$\sqrt{2 + \sqrt{3}}$ (الف)

.٣٢. توان x در عبارت $\sqrt{x\sqrt{x\sqrt{x}}}$ عبارت است از:

$\frac{3}{4}$ (د)

$\frac{7}{8}$ (ج)

$\frac{15}{16}$ (ب)

$\frac{31}{32}$ (الف)

.٣٣. اگر اتحاد $(x - 1)(x + 4) = x^2 + ax + b$ برقرار باشد، $a + b$ کدام است؟

3 (د)

2 (ج)

1 (ب)

0 (الف)

.٣٤. اگر $\tan^3 x + \cot^3 x$ باشد، حاصل $\tan x + \cot x = 3$ برابر است با:

١٥) ٥

ج) ٢٧

ب) ٢٤

الف) ١٨

.٣٥. در حاصل عبارت $(x-1)(x+2)(x-3)(x+5)$ ضریب x^3 را معین کنید.

-٣

ج) -١

ب) ٣

الف) ١

.٣٦. اگر $\frac{x^2+x-1}{x}$ باشد، مقدار $\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^{-2}} = 1$ بودست آورید.

١) ٥

ج) -١

ب) ٣

الف) -٣

.٣٧. حاصل عبارت $4\sqrt{0.25\sqrt{0.25\sqrt{0.25\sqrt{0.25}}}}$ کدام است؟

$\sqrt[8]{4}$

ج) $\sqrt[16]{0.25}$

ب) $\sqrt[8]{2}$

الف) ١

.٣٨. حاصل کسر $\frac{1}{3\sqrt[3]{3}+2\sqrt[3]{9}+4}$ برابر است با:

$\sqrt[3]{3}-2$

ج) $\sqrt[3]{9}+2$

ب) $\sqrt[3]{3}+2$

الف) $\sqrt[3]{9}-2$

.٣٩. بزرگترین مقسوم عليه مشترک $(a^2c - ac^2)^2$ و $(abc - bc^2)^2$ کدام است؟

$c^2(a-c)^2$

ج) $b^2(a-c)^2$

ب) $b(a-c)^2$

الف) $(a-c)^2$

.٤٠. اگر $\sqrt[3]{x} = \frac{5}{6}$ باشد، \sqrt{x} برابر است با:

$\frac{5\sqrt{30}}{36}$

ج) $\frac{4\sqrt{30}}{6}$

ب) $\frac{\sqrt{15}}{3}$

الف) $\frac{\sqrt{15}}{6}$

.٤١. حاصل عبارت $(\sqrt{3}+2)^9(\sqrt{3}-2)^{11}$ کدامیک از مقادیر زیر است؟

$5 - 2\sqrt{3}$

ج) $2\sqrt{3}-5$

ب) $4\sqrt{3}-7$

الف) $7 - 4\sqrt{3}$

.٤٢. حاصل عبارت $\sqrt{13+2\sqrt{30}} + \sqrt{13-2\sqrt{30}}$ را به دست آورید.

$2\sqrt{30}$

ج) $2\sqrt{13}$

ب) $2\sqrt{10}$

الف) $2\sqrt{3}$

.٤٣. حاصل کسر $\frac{\sqrt{5}+2\sqrt{25}+\sqrt{125}}{\sqrt{20}+\sqrt{100}+\sqrt{80}}$ کدام است؟

$\sqrt{5}$

ج) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$

ب) $\frac{1}{\sqrt{5}}$

الف) ١

.٤٤. معکوس عدد $\sqrt[3]{4-2\sqrt{2}}$ را بدست آورید:

ب) $\frac{\sqrt[3]{4+2\sqrt{2}}}{2}$

د) $\frac{\sqrt[3]{4-2\sqrt{2}}}{2}$

الف) $\sqrt[3]{4+2\sqrt{2}}$

ج) $\sqrt[3]{4-2\sqrt{2}}$

۴۵. $\frac{5}{7}$ عددی باضافه ۱۸، دو برابر آن عدد است. این عدد کدام است؟

36) ۵

ج) 28

ب) 21

الف) 14

۴۶. به ازای کدام مقدار m مجموع مجدورات دو ریشه حقیقی معادله $2x^2 - mx + m - 1 = 0$ برابر ۴ است؟

+6)

ج) +2

ب) -2

الف) -6

۴۷. معادله $x^4 + x^3 + x^2 + x + 1 = 0$ چند ریشه حقیقی دارد؟

د) هیچ

ج) 4

ب) 2

الف) 1

۴۸. به ازای چه مقادیری از m ، معادله $(m^2 - 1)x + m + 1 = 0$ ممتنع است؟

$m = 0$) ۵

ج) ± 1

ب) -1

الف) 1

۴۹. به ازای چه مقداری از a و b معادله $(a + b + 1)x + a - 1 = 0$ مبهم می شود؟

$a = 1, b = -2$) ۵

ج) $a = 1, b = 2$

ب) $a = b = -2$

الف) 1

۵۰. تعداد جواب های معادله $x^2 + (1 + \sqrt{2})x + \sqrt{3} = 0$ کدام است؟

ب) یک ریشه مضاعف دارد

الف) جواب حقیقی ندارد

د) دو ریشه گنگ دارد

ج) دو ریشه گویا دارد

پاسخ های ریاضیات

(الف) - ۱

$$\sqrt[3]{a^m \sqrt{a^4}} = a \Rightarrow a^{\frac{m}{3} \sqrt{4}} = a^2 \Rightarrow m = 2$$

(د) - ۲

$$\left(-\frac{1}{32}\right)^{\frac{4}{5}} - \left(-\frac{1}{64}\right)^{\frac{5}{6}} = \left(-\frac{1}{2}\right)^{5 \times \frac{4}{5}} - \left(-\frac{1}{2}\right)^{6 \times \frac{5}{6}} = \frac{1}{16} - \frac{1}{32} = \frac{1}{32}$$

(ج) - ۳

$$\sqrt[9]{a^3} \cdot \sqrt[8]{x^6} = a^{\frac{1}{3}} \cdot |x|^{\frac{3}{4}}$$

(ج) - ۴

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{6} + 3} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{3}}{\sqrt{3}(\sqrt{2} + \sqrt{3})} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(الف) - ۵

$$-\sqrt{98} + \sqrt{50} + \sqrt{128} = -7\sqrt{2} + 5\sqrt{2} + 8\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$$

(الف) - ۶

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + ac + bc \Rightarrow 2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2ac - 2bc = 0$$

$$\Rightarrow (a - b)^2 + (a - c)^2 + (b - c)^2 = 0 \Rightarrow a = b = c$$

$$(a + b - c)(a + c - b)(b + c - a) = a \cdot a \cdot a = a^3$$

(ب) - ۷

$$\frac{4^{0.25}}{1 + \sqrt{2}} + 4^{0.25} = \frac{\sqrt{2}}{1 + \sqrt{2}} + \sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2} + 2)}{1 + \sqrt{2}} = \sqrt{2}(2 + \sqrt{2})(\sqrt{2} - 1) = 2(2 - 1) = 2$$

(ج) - ۸

$$(a - 2b)^2 + (b - 2c)^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 2b \\ b = 2c \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 4c \\ b = 2c \end{cases}$$

(د) - ۹

$$x + y = 4 \Rightarrow x^3 + y^3 + 3xy(x + y) = 64$$

$$x^3 + y^3 + 12xy = 64 \Rightarrow x^3 + y^3 = 64 - 12xy$$

(ج) - ۱۰

$$3\sqrt{48} + 2\sqrt{27} - \sqrt{12} - 2\sqrt{75} = 12\sqrt{3} + 6\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - 10\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$$

(ج) - ۱۱

$$\begin{aligned} \sqrt[4]{7+4\sqrt{3}} \times \sqrt{7-4\sqrt{3}} &= \sqrt{2+\sqrt{3}}(2-\sqrt{3}) = \sqrt{2+\sqrt{3}} \times \sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{4-3}\sqrt{2-\sqrt{3}} \\ &= \sqrt{2-\sqrt{3}} \end{aligned}$$

(ب) - ١٢

$$\begin{aligned} \frac{3}{x(x^2-1)} &= \frac{A}{x(x-1)} + \frac{B}{x^2-1} \Rightarrow A(x+1) + Bx = 3 \\ \Rightarrow \begin{cases} A+B=0 \\ A=3 \end{cases} \end{aligned}$$

(ب) - ١٣

$$\begin{cases} x^4-1 = (x^2-1)(x^2+1) = (x-1)(x+1)(x^2+1) \\ x^3+1 = (x+1)(x^2-x+1) \end{cases} \Rightarrow \rho \cdot \rho \cdot \rho = x+1$$

(ب) - ١٤

$$\frac{1}{4}x = x^3 \Rightarrow \frac{1}{4} = x^2 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \Rightarrow 4x = 2$$

(ج) - ١٥

$$x^{-\frac{3}{2}} = \frac{1}{x^{\frac{3}{2}}} = \frac{1}{x\sqrt{x}} = \frac{\sqrt{x}}{x^2}$$

(ج) - ١٦

$$x^3+y^3 = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = (\sqrt{5})^3 - 3\sqrt{5}(1) = 2\sqrt{5}$$

(د) - ١٧

$$\begin{cases} x = \sqrt[3]{5} \Rightarrow x^3 = 5 \\ y = \sqrt[3]{3} \Rightarrow y^3 = 3 \end{cases} \Rightarrow (x^2-y^2)(x^4+y^4+x^2y^2) = x^6-y^6 = 25-9 = 16$$

(الف) - ١٨

$$\begin{aligned} a^2+b^2+c^2 \pm ab \pm ac \pm bc &= a^2+b^2+c^2 \\ a^3+b^3+c^3-3abc &= (a+b+c)(a^2+b^2+c^2) = (a+b+c)(a+b+c)^2 \\ &= (a+b+c)^3 \end{aligned}$$

(د) - ١٩

$$\frac{a^2+b^2+2ab}{a^2+b^2} \times \frac{a^2+b^2+2ab-2ab}{(a+b)^2} = 1$$

(ب) - ٢٠

$$a^2+b^2+c^2+3-2a-2b-2c = 0$$

$$(a-1)^2 + (b-1)^2 + (c-1)^2 = 0 \Rightarrow a=b=c=1$$

(ب) - ٢١

$$\begin{aligned} \sqrt[6]{4+2\sqrt{3}} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3}-1} \cdot \sqrt[3]{4} &= \sqrt[6]{(\sqrt{3}+1)^2} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3}-1} \cdot \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{\sqrt{3}+1} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{3}-1} \cdot \sqrt[3]{4} \\ &= \sqrt[3]{\sqrt{3}-1} \cdot \sqrt[3]{4} = \sqrt[3]{8} = 2 \end{aligned}$$

(د) - ٢٢

$$x = \sqrt[3]{1+\sqrt{2}} - \sqrt[3]{1-\sqrt{2}} \Rightarrow x^3 = 1 + \sqrt{2} - (1 - \sqrt{2}) - 3(-1)(x) \Rightarrow x^3 - 3x = 2\sqrt{2}$$

(ب) - ٢٤

$$\sqrt{2-\sqrt{5}} \times \sqrt[6]{9+4\sqrt{5}} = \sqrt[3]{2-\sqrt{5}} \times \sqrt[3]{2+\sqrt{5}} = \sqrt[3]{4-5} = -1$$

(ب) - ٢٥

$$\begin{cases} x^2 - 2xy - 15y^2 = (x - 5y)(x + 3y) \\ x^2 + 7xy + 12y^2 = (x + 3y)(x + 4y) \end{cases} \Rightarrow \text{م. م. ب.} = x + 3y$$

(ج) - ٢٦

$$(-\sqrt[10]{3^6})^{\frac{5}{3}} = (-3^{\frac{6}{10}})^{\frac{5}{3}} = -3^1 = -3$$

(ب) - ٢٧

$$x^2 + 1 + 4x^2 + 4 = (x^2 + 1)(x^4 - x^2 + 1) + 4(x^2 + 1) = (x^2 + 1)(x^4 - x^2 + 5)$$

(ب) - ٢٨

$$\frac{\sqrt{4} - \sqrt{11}}{4 - 11} + \frac{\sqrt{11} - \sqrt{18}}{11 - 18} + \frac{\sqrt{18} - \sqrt{25}}{18 - 25} = \frac{\sqrt{4} - \sqrt{25}}{-7} = \frac{2 - 5}{-7} = \frac{-3}{-7} = \frac{3}{7}$$

(ب) - ٢٩

$$\sqrt{4-2\sqrt{2}} \times \sqrt[4]{6+4\sqrt{2}} = \sqrt{2} \times \sqrt{2-\sqrt{2}} \times \sqrt{2+\sqrt{2}} = \sqrt{2} \times \sqrt{4-2} = 2$$

(ج) - ٣٠

$$x \cdot \sqrt[3]{x} \cdot \sqrt[5]{x^2} = x^1 \cdot \frac{1}{x} \cdot \frac{2}{x} = x^{\frac{26}{15}} = \left(2^{\frac{15}{13}}\right)^{\frac{26}{15}} = 2^2 = 4$$

(الف) - ٣١

$$\frac{1 + \sqrt{2 + \sqrt{3}}}{1 + \sqrt{2 - \sqrt{3}}} = \frac{1 + \sqrt{2 + \sqrt{3}}}{1 + \frac{1}{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}} = \sqrt{2 + \sqrt{3}}$$

(ج) - ٣٢

$$\sqrt{x\sqrt{x\sqrt{x}}} = \sqrt{\sqrt{\sqrt{x^4 \cdot x}}} = \sqrt[8]{x^7} = x^{\frac{7}{8}}$$

(ج) - ٣٣

$$x^2 + ax + b = x^2 + 3x - 4 \Rightarrow a = 3, b = -4 \Rightarrow 2a + b = 2$$

(الف) - ٣٤

$$\cot gx + \tan gx = 3 \Rightarrow \cot^3 x + \tan^3 x + 3\tan x \cdot \cot x (\cot x + \tan x) \\ = 27 \Rightarrow \cot^3 x + \tan^3 x + 3x^2 = 27 \Rightarrow \cot^3 x + \tan^3 x = 27$$

(ب) - ٣٥

$$x^3 \text{ ضريب} = (-1 + 2 - 3 + 5) = 3$$

(ب) - ٣٦

$$\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2} = 1 \Rightarrow x + x^2 + 3x(\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x^2}) = 1 \Rightarrow x + x^2 + 3x = 1 \Rightarrow x^2 + x - 1 \\ = -3x \Rightarrow \frac{x^2 + x - 1}{x} = -3$$

(ب) - ٣٧

$$4\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5}}}} = \sqrt{4\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5}}}} = \sqrt{\sqrt{4\sqrt{2 \cdot 5\sqrt{2 \cdot 5}}}} = \sqrt{\sqrt{\sqrt{4\sqrt{2 \cdot 5}}}} = \sqrt{\sqrt{\sqrt{2}}}$$

$$= \sqrt[8]{2}$$

(الف) - ٣٨

$$\frac{1}{\sqrt[3]{9^2} + 2\sqrt[3]{9} + 4} \times \frac{\sqrt[3]{9} - 2}{\sqrt[3]{9} - 2} = \frac{\sqrt[3]{9} - 2}{9 - 8} = \sqrt[3]{9} - 2$$

(د) - ٣٩

$$\Rightarrow \begin{cases} (abc - bc^2)^2 = b^2 c^2 (a - c)^2 \\ (a^2 c - ac^2)^2 = a^2 c^2 (a - c)^2 \end{cases} \Rightarrow a \cdot b \cdot c = c^2 (a - c)^2$$

(د) - ٤٠

$$\sqrt[3]{x} = \frac{5}{6} \Rightarrow x = \frac{5^3}{6^3} \Rightarrow \sqrt{x} = \frac{5}{6} \sqrt{\frac{5}{6}} = \frac{5\sqrt{30}}{36}$$

(ب) - ٤١

$$(\sqrt{3} + 2)^9 (\sqrt{3} - 2)^{11} = (\sqrt{3} + 2)^2 \cdot (\sqrt{3} - 2)^2 = (3 - 4)^9 \cdot (\sqrt{3} - 2)^2 = -1 (3 + 4 - 4\sqrt{3}) \\ = -7 + 4\sqrt{3}$$

(ب) - ٤٢

$$\sqrt{13 + 2\sqrt{30}} + \sqrt{13 - 2\sqrt{30}} = \sqrt{10} + \sqrt{3} + (\sqrt{10} - \sqrt{3}) = 2\sqrt{10}$$

(الف) - ٤٣

$$\frac{\sqrt{5} + 2\sqrt{25} + \sqrt{125}}{\sqrt{20} + \sqrt{100} + \sqrt{80}} = \frac{\sqrt{5} + 10 + 5\sqrt{5}}{2\sqrt{5} + 10 + 4\sqrt{5}} = \frac{10 + 6\sqrt{5}}{10 + 6\sqrt{5}} = 1$$

(ب) - ۴۴

$$\frac{1}{\sqrt[3]{4-2\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt[3]{4+2\sqrt{2}}}{\sqrt[3]{16-8}} = \frac{\sqrt[3]{4+2\sqrt{2}}}{2}$$

(الف) - ۴۵

$$\frac{5}{7}x + 18 = 2x \Rightarrow \frac{9}{7}x = 18 \Rightarrow x = 14$$

(ب) - ۴۶

$$2x^2 - mx + m - 1 = 0$$

$$x'^2 + x''^2 = 4 \Rightarrow S^2 - 2P = 4 \Rightarrow \left(\frac{m}{2}\right)^2 - 2 \cdot \frac{m-1}{2} = 4$$

$$\frac{m^2}{4} - m + 1 = 4 \Rightarrow m^2 - 4m - 12 = 0 \Rightarrow m = -2, 6$$

چون برای $m=6$ معادله جواب حقیقی ندارد پس فقط $m=-2$ قابل قبول است.

(د) - ۴۷

طرفین معادله را در $x-1$ ضرب می کنیم داریم:

$$(x-1)(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1) = 0 \Rightarrow x^5 - 1 = 0 \Rightarrow x = 1$$

پس تنها جواب معادله $x=1$ ، $x^5 - 1 = 0$ می باشد و معادله اصلی یعنی

$x^4 + x^3 + x^2 + x + 1 = 0$ جواب حقیقی ندارد.

(الف) - ۴۸

$$m^2 - 1 = 0 \Rightarrow m = \pm 1$$

برای $m=1$ معادله غیر ممکن و برای $m=-1$ معادله مبهم است.

(د) - ۴۹

$$(a+b+1)x + a - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} a+b+1 = 0 \\ a-1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \end{cases}$$

(الف) - ۵۰

$$x^2 + (1+\sqrt{2})x + \sqrt{3} = 0$$

$$\Delta = (1+\sqrt{2})^2 - 4\sqrt{3} = 1 + 2 + 2\sqrt{2} - 4\sqrt{3}$$

$$\Delta \approx 3 + 2 \times \frac{1}{4} - 4 \times \frac{1}{7} = \frac{5}{8} - \frac{6}{8} < 0$$